

Inhaltsverzeichnis: Band 2

| | |
|---|-----------|
| 11. Funktionen | 1 |
| 11.1 Der Funktionsbegriff | 1 |
| 11.2 Funktionsvorschriften: Funktionen und ihre Schreibweise | 3 |
| 11.2.1 Mögliche Formen von Zuordnungen | 3 |
| 11.2.2 Anwendungsbeispiele für Zuordnungen | 4 |
| 11.2.3 Anwenden einer Funktion auf Argumente | 5 |
| 11.3 Das Koordinatensystem | 6 |
| 11.3.1 Darstellung von Punkten | 7 |
| 11.3.2 Darstellung von Funktionen | 8 |
| 11.3.3 Anwendungsbeispiele | 8 |
| 11.4 Arten von Funktionen | 10 |
| 11.4.1 Empirische Funktionen | 10 |
| 11.4.2 Mathematische Funktionen: Lineare Funktionen (Funktionen 1. Grades) | 11 |
| 11.4.3 Mathematische Funktionen: Funktionen höheren Grades | 11 |
| 11.5 Lineare Funktionen: Interpretation und Veranschaulichung | 12 |
| 11.5.1 Normalform und ihre Interpretation | 12 |
| 11.5.2 Steigende und fallende Geraden | 13 |
| 11.6 Lineare Funktionen: Steigungsdreieck zeichnen und Steigungen berechnen | 14 |
| 11.6.1 Steigungsdreieck zeichnen und die Steigung einer Geraden bestimmen | 14 |
| 11.6.2 Berechnen der Steigung von Geraden (Steigungsformel) | 16 |
| 11.6.3 Steigungen im täglichen Leben | 17 |
| 11.6.4 Einige spezielle Geraden und ihre Funktionsvorschrift | 18 |
| 11.7 Zeichnen von linearen Funktionen | 20 |
| 11.7.1 Zeichnen mit Hilfe von 2 Punkten (aus der Wertetabelle) | 20 |
| 11.7.2 Zeichnen mit Hilfe eines Punktes und der Steigung (Steigungsdreieck) | 21 |
| 11.8 Berechnungen bei linearen Funktionen | 24 |
| 11.8.1 Bestimmen der Normalform aus 2 Punkten: mit der Steigungsformel | 24 |
| 11.8.2 Bestimmen der Normalform aus 2 Punkten: mit einem Gleichungssystem | 26 |
| 11.8.3 Berechnen der Schnittpunkte einer Geraden mit den beiden Achsen | 27 |
| 11.8.4 Berechnen des Schnittpunkts zweier Geraden | 28 |
| 11.8.5 Überprüfen, ob drei Punkte auf einer Geraden liegen | 29 |
| 11.8.6 Spezialfälle: Parallele und senkrechte Geraden | 30 |
| 11.9 Grafisches Lösungsverfahren bei Gleichungssystemen | 31 |
| Aufgaben | 33 |
| 12. Betriebswirtschaftliche Funktionen | 43 |
| 12.1 Erläuterungen zu Grundbegriffen | 43 |
| 12.2 Kostenfunktion | 44 |
| 12.3 Erlösfunktion | 48 |
| 12.4 Gewinnfunktion | 50 |
| 12.5 Zusammenhängendes Gesamtbeispiel | 55 |
| 12.6 Zusammenfassung: Betriebswirtschaftliche Funktionen (Grundfunktionen) | 56 |
| 12.7 Spezielle betriebswirtschaftliche Funktionen | 57 |
| 12.7.1 Kostenfunktion mit Pauschalgebühr | 57 |
| 12.7.2 Erlösfunktion mit Mengenrabatt | 60 |
| 12.7.3 Erlösfunktion mit Rabatt für Mehrexemplare ab einer bestimmten Menge | 63 |
| 12.7.4 Zusammenfassung: spezielle betriebswirtschaftliche Funktionen | 66 |
| 12.8 Veränderungen an Funktionsgleichungen | 67 |
| 12.8.1 Bei Kostenfunktionen | 67 |
| 12.8.2 Bei Gewinnfunktionen | 68 |
| 12.8.3 Anwendungsbeispiele | 69 |
| Aufgaben | 73 |

| | |
|---|------------|
| 13. Die quadratische Funktion | 83 |
| 13.1 Normalparabel | 83 |
| 13.2 Die Bedeutung der Parameter für den Graphen..... | 84 |
| 13.3 Schnittpunkt mit der Y-Achse ermitteln | 84 |
| 13.4 Techniken zur Berechnung der Nullstellen..... | 85 |
| 13.5 Techniken zur Berechnung des Scheitelpunkts | 86 |
| 13.5.1 Über die Nullstellen | 86 |
| 13.5.2 Über Formeln..... | 87 |
| 13.5.3 Über zwei Hilfspunkte mit gleichem Y-Wert..... | 88 |
| 13.5.4 Über die Scheitelpunktform | 89 |
| 13.6 Grafische Darstellung von quadratischen Funktionen..... | 92 |
| 13.7 Anwendungsbeispiele: Nullstellen, Scheitelpunkt, Y-Achsen-schnittpunkt, Diagramme | 93 |
| 13.8 Berechnen der Schnittpunkte von einer Parabel mit einer Geraden | 98 |
| 13.9 Berechnen der Schnittpunkte von zwei Parabeln..... | 100 |
| 13.10 Praktische Anwendungen: Textaufgaben..... | 102 |
| Aufgaben..... | 111 |
| | |
| 14. Die Potenz- / Wurzel- / Exponential- und Logarithmusfunktion | 121 |
| 14.1 Die Potenzfunktion | 121 |
| 14.1.1 Potenzfunktionen mit positiven Exponenten..... | 121 |
| 14.1.2 Potenzfunktionen mit negativen Exponenten | 124 |
| 14.2 Die Wurzelfunktion | 129 |
| 14.3 Grundlagen exponentieller Abläufe | 131 |
| 14.4 Die Exponentialfunktion..... | 133 |
| 14.4.1 Normalform der Exponentialfunktion | 133 |
| 14.4.2 Änderungen an der Exponentialfunktion..... | 135 |
| 14.5 Die Logarithmusfunktion..... | 137 |
| 14.6 Umkehrfunktionen bestimmen..... | 139 |
| 14.7 Anwendungen: Exponentiell zunehmende Prozesse | 140 |
| 14.8 Anwendungen: Exponentiell abnehmende Prozesse | 143 |
| Aufgaben..... | 147 |
| | |
| 15. Markt und Preisbildung | 151 |
| 15.1 Modell und Hypothesenbildung | 151 |
| 15.1.1 Das Modell der vollkommenen Konkurrenz | 151 |
| 15.1.2 Das Angebot..... | 152 |
| 15.1.3 Die Nachfrage..... | 153 |
| 15.1.4 Das Marktgleichgewicht..... | 153 |
| 15.2 Preisbildung mit linearen Funktionen | 154 |
| 15.3 Preisbildung mit nicht-linearen Funktionen..... | 158 |
| 15.3.1 Die Angebotsfunktion | 158 |
| 15.3.2 Die Nachfragefunktion | 159 |
| 15.3.3 Das Marktgleichgewicht..... | 160 |
| 15.3.4 Anwendungsbeispiele..... | 161 |
| 15.4 Externe Markteinflüsse | 163 |
| 15.4.1 Die Preisbildung im Monopol..... | 163 |
| 15.4.2 Staatseingriffe..... | 168 |
| Aufgaben..... | 175 |

| | |
|---|------------|
| 16. Datenanalyse | 179 |
| 16.1 Einführung und Grundbegriffe | 179 |
| 16.2 Daten erheben: Techniken, Datenqualität, Merkmale charakterisieren..... | 182 |
| 16.2.1 Voll- und Teilerhebungen | 182 |
| 16.2.2 Techniken zur Datenerhebung | 182 |
| 16.2.3 Anforderungen an eine Datenerhebung | 182 |
| 16.2.4 Konkretes Beispiel einer Datenerhebung mit Hilfe eines Fragebogens | 183 |
| 16.2.5 Mögliche Fehler in den erhobenen Daten | 184 |
| 16.2.6 Qualität der erhobenen Daten | 184 |
| 16.2.7 Merkmale charakterisieren | 185 |
| 16.3 Die Urliste, die geordnete Stichprobe und die Rangliste | 186 |
| 16.3.1 Die Urliste und ihre Weiterverarbeitung (Verdichtung)..... | 186 |
| 16.3.2 Rangliste (Rangwertfolge) erstellen | 187 |
| 16.4 Kategorielle Merkmale: Häufigkeitstabelle, Auswertung und Visualisierung | 188 |
| 16.5 Quantitative Merkmale: Häufigkeitstabelle, Auswertung und Visualisierung | 192 |
| 16.5.1 Die diskrete Häufigkeitstabelle | 192 |
| 16.5.2 Die stetige (klassierte) Häufigkeitstabelle | 198 |
| 16.5.3 Zusammenfassung | 201 |
| 16.6 Verteilungen (Diagramme) charakterisieren: Anzahl "Gipfel" / Schiefe | 202 |
| 16.6.1 Anzahl "Gipfel" (Häufungspunkte) bei Verteilungen | 202 |
| 16.6.2 Schiefe (Asymmetrie)..... | 203 |
| 16.7 Diagramme interpretieren | 204 |
| 16.7.1 Was sagen die Daten aus? | 204 |
| 16.7.2 Achtung vor Täuschungsversuchen!..... | 206 |
| 16.8 Lagemasse berechnen (Mittelwert, Median, Modus, Quartile) | 209 |
| 16.8.1 Mittelwert (arithmetisches Mittel)..... | 209 |
| 16.8.2 Median (Zentralwert) | 213 |
| 16.8.3 Wann den Mittelwert und wann den Median verwenden?..... | 217 |
| 16.8.4 Modus (Modalwert) | 219 |
| 16.8.5 Anwendungsbeispiele zu Mittelwert / Median / Modus..... | 220 |
| 16.8.6 Quartile..... | 222 |
| 16.9 Streuungsmasse berechnen..... | 225 |
| 16.9.1 Spannweite | 226 |
| 16.9.2 Interquartilsabstand (IQR)..... | 226 |
| 16.9.3 Standardabweichung..... | 227 |
| 16.10 Lage- und Streuungsmasse in EXCEL berechnen | 230 |
| 16.11 Visualisierung von Lage- und Streuungsmassen im Boxplot..... | 231 |
| 16.11.1 Boxplot zeichnen..... | 232 |
| 16.11.2 Interpretation der Daten im Boxplot..... | 234 |
| 16.11.3 Boxplot für mehrere Untergruppen eines Merkmals..... | 237 |
| 16.12 Bivariate Daten: Auswertung, Visualisierung und Interpretation..... | 238 |
| 16.12.1 Kategorielle Merkmale: Kontingenztabelle und Visualisierung | 238 |
| 16.12.2 Quantitative Merkmale: Kontingenztabelle und Visualisierung | 240 |
| 16.12.3 Korrelation | 242 |
| 16.12.4 Scheinkorrelation | 243 |
| 16.12.5 Kausalität | 243 |
| Aufgaben | 245 |